

Lösungshinweise: Nur für die Hand der Lehrperson

Schriftliche Abiturprüfung 2013

Fach: **Informatik**

Kurstyp: G-Kurs

Bearbeitungszeit: 3 Zeitstunden

Hilfsmittel: nicht-programmierbarer Taschenrechner

Seitenzahl: Die Lösungshinweise umfassen mit Deckblatt, Punkteverteilungstabelle und Bewertungstabelle 9 Seiten.

1. Aufgabe

1.1 (Lehrplan: „Objektorientiertes Modellieren und Programmieren“)

Der ergänzte Ablauf lautet:

```
    baca
  caab
    aba
    abca
  cabca
    bcaa
    aaab
  abbca
    bcabca
```

1.2 (Lehrplan: „Objektorientiertes Modellieren und Programmieren“)

Java:

```
public String fuehreAus(String wort) {
    band.setzeInhalt(wort);
    while (!band.ende()) {
        char anfang = band.gibZeichen();
        String anhang = programm.anhang(anfang);
        band.aktualisiere(anhang);
    }
    return band.gibInhalt();
}
```

Delphi:

```
function fuehreAus(wort: String): String;
var anfang: char;
    anhang: String;
begin
    band.setzeInhalt(wort);
    while not(band.ende()) do
    begin
        anfang := band.gibZeichen();
        anhang := programm.anhang(anfang);
        band.aktualisiere(anhang);
    end;
    fuehreAus := band.gibInhalt();
end;
```

1.3 (Lehrplan: „Datentypen und Datenstrukturen“)

Der abstrakte Datentyp *Schlange* stellt die Operationen *enqueue* und *dequeue* zur Verfügung. Diese können in der Klasse *Speicherband* genutzt werden, um einerseits die beiden Zeichen am 'Anfang' des Bandes zu löschen (zweifaches *dequeue*) und andererseits die Zeichen des Anhangs der Reihe nach am 'Ende' des Bandes einzufügen (ggf. mehrfaches *enqueue*).

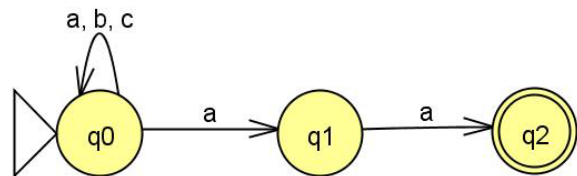
Um das Programm beenden zu können, muss die Schlange allerdings zusätzlich eine Möglichkeit bieten, ihre Länge abzufragen.

1.4 (Lehrplan: „Grenzen der Berechenbarkeit“)

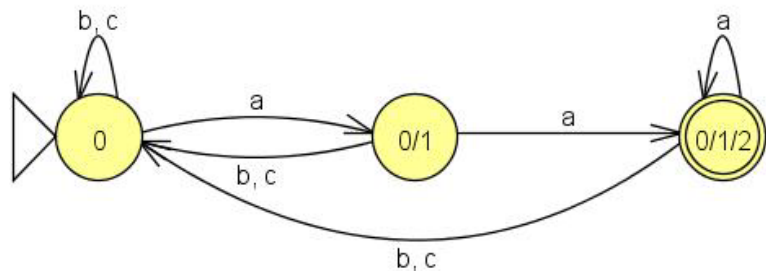
Dass Tag-Maschinen im Allgemeinen dem Halteproblem unterliegen, bedeutet, dass es keinen Algorithmus gibt, der feststellt, ob ein gegebenes Tag-Maschinen-Programm bei einem gegebenen Bandinhalt hält oder nicht.

1.5 (Lehrplan: „Automaten und formale Sprachen“)

Nicht-deterministischer
Übergangsgraph:



Deterministischer
Übergangsgraph:



[Die Darstellung der Teilmengenkonstruktion selbst ist abhängig von der im Unterricht verwendeten Darstellung.]

2. Aufgabe**2.1** (Lehrplan: „Strukturiertes Programmieren“)

Java:

```
public int potenz1(int a, int b) {
    if (b == 0) {
        return 1;
    } else {
        return a * potenz1(a, b - 1);
    }
}

public int potenz2(int a, int b) {
    if (b == 0) {
        return 1;
    } else if (b % 2 == 0) {
        return square(potenz2(a, b / 2));
    } else {
        return a * square(potenz2(a, (b - 1) / 2));
    }
}
```

Delphi:

```
function potenz1(a,b: integer): integer;
begin
    if (b = 0) then
        potenz1 := 1
    else
        potenz1 := a * potenz1(a, b - 1);
end;
```

```
function potenz2(a,b: integer): integer;
begin
    if (b = 0) then
        potenz2 := 1
    else
        if (b mod 2 = 0) then
            potenz2 := square(potenz2(a, b div 2))
        else
            potenz2 := a * square(potenz2(a,(b - 1) div 2));
end;
```

2.2 (Lehrplan: „Algorithmenanalyse“)

Nach dem Aufruf `potenz2(2, 18)` folgen fünf weitere Aufrufe:

```
potenz2(2, 9)
potenz2(2, 4)
potenz2(2, 2)
potenz2(2, 1)
potenz2(2, 0)
```

2.3 (Lehrplan: „Algorithmenanalyse“)

Die Laufzeit der Methode `potenz1` ist linear bezüglich des Parameters b .

Da b in jedem Rekursionsschritt um 1 erniedrigt wird, wird die Methode insgesamt $(b + 1)$ mal aufgerufen.

[Landau-Notation: $O(b)$]

Die Laufzeit der Methode `potenz2` ist logarithmisch bezüglich des Parameters b .

Da b (bzw. $b-1$) in jedem Rekursionsschritt halbiert wird, wird die Methode insgesamt höchstens $\log_2 b$ mal aufgerufen.

[Landau-Notation: $O(\log b)$]

2.4 (Lehrplan: „Strukturiertes Programmieren“ / „Funktionsweise von Computersystemen“)

Java:

```
public int potenz3(int a, int b) {
    int result = 1;
    for (int i = b; i > 0; i--) {
        result = result * a;
    }
    return result;
}
```

Delphi:

```
function potenz3(a,b: integer): integer;
var i: integer;
begin
    potenz3 := 1;
    for i := b downto 1 do
        potenz3 := potenz3 * a;
    end;
```

2.5 (Lehrplan: „Funktionsweise von Computersystemen“)

```
0  JMP 4
1  DEF 0      ; Variable a
2  DEF 0      ; Variable b
3  DEF 1      ; Variable result (a^b)
4  INM 1      ; input a
5  INM 2      ; input b
6  LDA 2      ; Lade b in den Akkumulator
7  JZE 14     ; Falls b = 0: Gehe zu Zeile 14 (Output)
8  DEC        ; Erniedrige b
9  STA 2      ; Speichere b
10 LDA 3      ; Lade result in den Akkumulator
11 MUL 1      ; Multipliziere result mit a
12 STA 3      ; Speichere result
13 JMP 6      ; repeat: Springe zu Zeile 6
14 OUT 3      ; output result
15 END
```

Nach der Deklaration der Variablen *a*, *b* und *result* (Zeilen 1 bis 3) sorgen Zeilen 4 und 5 für die Eingabe der Werte für *a* und *b*. In Zeile 6 beginnt eine Schleife, die abbricht, falls *b* = 0 (Zeile 7). Innerhalb der Schleife wird einerseits *b* um 1 erniedrigt (Zeile 8) und andererseits *result* mit *a* multipliziert (Zeilen 10/11).

Das Ergebnis *result* wird schließlich nach Abbruch der Schleife in Zeile 14 ausgegeben.

3. Aufgabe**3.1** (Lehrplan: „Kryptographie“)

$$n = p \cdot q = 17 \cdot 19 = 323$$

$$\phi(n) = (p-1) \cdot (q-1) = 16 \cdot 18 = 288$$

3.2 (Lehrplan: „Kryptographie“)

$$\begin{aligned} \text{Schritt 1: } 288 &= 12 \cdot 23 + 12 \\ 23 &= 1 \cdot 12 + 11 \\ 12 &= 1 \cdot 11 + 1 \\ 11 &= 9 \cdot 1 + 0 \end{aligned}$$

$$(\text{d.h. } \text{ggT}(288; 23) = 1)$$

$$\begin{aligned} \text{Schritt 2: } 1 &= 12 - 1 \cdot 11 \\ &= 12 - 1 \cdot (23 - 1 \cdot 12) \\ &= 2 \cdot 12 - 1 \cdot 23 \\ &= 2 \cdot (288 - 12 \cdot 23) - 1 \cdot 23 \\ &= 2 \cdot 288 - 25 \cdot 23 \end{aligned}$$

$$\text{Demnach: } d = -25 = 263 \pmod{288}$$

3.3 (Lehrplan: „Kryptographie“)

$$c = m^e \bmod n = 4^{23} \bmod 323 = ((4^{11} \bmod 323)^2 \cdot 4) \bmod 323 = (149^2 \cdot 4) \bmod 323 = 302$$

3.4 (Lehrplan: „Kryptographie“)

- i) [Alice berechnet $A = m^a \bmod p$. Sie sendet A an Bob.] (vorgegeben)
- ii) Bob berechnet $B = A^b \bmod p$. Er sendet B an Alice.
- iii) Alice berechnet $C = B^{a'} \bmod p$. Sie sendet C an Bob.
- iv) Bob berechnet $D = C^{b'} \bmod p$.

3.5 (Lehrplan: „Kryptographie“)

Im letzten Schritt des Verfahrens berechnet Bob

$$D = C^{b'} \bmod p = (((m^a)^b)^{a'})^{b'} \bmod p = m^{a \cdot b \cdot a' \cdot b'} \bmod p = (m^{a \cdot a'})^{b \cdot b'} \bmod p = m^{b \cdot b'} \bmod p = m$$

3.6

Obwohl die Werte a , a' , b und b' als 'Schlüssel' bezeichnet werden könnten, müssen Alice und Bob weder einen Schlüssel *austauschen*, noch einen Schlüssel *veröffentlichen*, noch – wie etwa im Diffie-Hellman-Merkle-Verfahren – einen gemeinsamen Schlüssel *generieren*. Daher der Name 'No-Key-Verfahren'.

Punkteverteilungstabelle**Aufgabe 1**

Teilaufgaben	Summe	Punkte in Anforderungsbereichen		
		I	II	III
1.1	3	3		
1.2	6		4	2
1.3	3		3	
1.4	2		2	
1.5	6		6	
	20	3	15	2
		15 %	75 %	10 %

Aufgabe 2

Teilaufgaben	Summe	Punkte in Anforderungsbereichen		
		I	II	III
2.1	4	3	1	
2.2	2		2	
2.3	4		2	2
2.4	2		2	
2.5	8	2	4	2
	20	5	11	4
		25 %	55 %	20 %

Aufgabe 3

Teilaufgaben	Summe	Punkte in Anforderungsbereichen		
		I	II	III
3.1	2	2		
3.2	4		4	
3.3	4	2	2	
3.4	4		2	2
3.5	4		2	2
3.6	2		2	
	20	4	12	4
		20 %	60 %	20 %

Punkteverteilungstabelle (insgesamt)

Aufgabe	Summe	Punkte in den Anforderungsbereichen		
		I	II	III
1	20	3	15	2
2	20	5	11	4
3	20	4	12	4
Summe	60	12	38	10
		20 %	63,33 %	16,67 %

Bewertungstabelle

Prozent der maximal erreichbaren Rohpunktzahl	Note	Punktzahl
ab 97% bis 100% der max. Punktzahl	sehr gut	15 P
ab 93% bis weniger als 97%		14 P
ab 90% bis weniger als 93%		13 P
ab 85% bis weniger als 90%	gut	12 P
ab 80% bis weniger als 85%		11 P
ab 75% bis weniger als 80%		10 P
ab 70% bis weniger als 75%	befriedigend	09 P
ab 65% bis weniger als 70%		08 P
ab 60% bis weniger als 65%		07 P
ab 55% bis weniger als 60%	ausreichend	06 P
ab 50% bis weniger als 55%		05 P
ab 45% bis weniger als 50%		04 P
ab 38% bis weniger als 45%	mangelhaft	03 P
ab 32% bis weniger als 38%		02 P
ab 25% bis weniger als 32%		01 P
weniger als 25% der max. Punktzahl	ungenügend	00 P

- Ende der Lösungshinweise -